МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего профессионального образования

«Ивановский государственный химико-технологический университет» Факультет химической техники и кибернетики

Кафедра прикладной математики

	"УТ	ВЕРЖДАЮ"
Прор	ектор	по учебной работе
		Н.Р. Кокина
"	"	2014 г.

РАБОЧАЯ УЧЕБНАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

МАТЕМАТИКА (наименование дисциплины по учебному плану)

Направление подготовки	15.03.02 Технологические машины и оборудова- ние
Квалификация выпускника	<u>Бакалавр</u>
Профили подготовки по направлению	Машины и аппараты пищевых производств
	Технологические машины и оборудование хими- ческих и нефтехимических производств
Форма обучения	<u>очная</u>

1. Цели освоения дисциплины

Целью изучения дисциплины является формирование необходимой базы знаний в области математических наук (алгебра, геометрия, математический анализ, уравнения математической физики, теория вероятностей и случайные процессы, математическая статистика, дискретная математика и др.), воспитание математической культуры (развитие логического и алгоритмического мышления, математической интуиции, умения оперировать абстрактными объектами, использовать абстрактные математические модели для изучения конкретных процессов и явлений), развитие способности к дальнейшему самостоятельному образованию; развитие представлений о математике как о части общечеловеческой культуры, о значимости идей и методов математики в истории цивилизации и современном обществе и формирование представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, об особенностях аналитических методов исследования

2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к математическому и естественнонаучному циклу (базовая часть).

Для успешного освоения дисциплины студент должен знать математику в объеме курса средней школы, то есть владеть обязательным минимумом содержания основных образовательных программ по математике (арифметике, алгебре, геометрии, элементам логики и комбинаторики), а именно,

знать:

- существо понятия математического доказательства; примеры доказательств;
- существо понятия алгоритма; примеры алгоритмов;
- как используются математические формулы, уравнения и неравенства; примеры их применения для решения математических и практических задач;
- как математически определенные функции могут описывать реальные зависимости; приводить примеры такого описания;
- вероятностный характер многих закономерностей окружающего мира; примеры статистических закономерностей и выводов;

уметь:

- выполнять арифметические действия: основные действия со степенями с целыми показателями, с многочленами и с алгебраическими дробями;
- решать линейные, квадратные рациональные, иррациональные, тригонометрические, показательные и логарифмические уравнения и неравенства;
- изображать числа точками на координатной прямой, изображать множество решений линейного неравенства;
- определять свойства функции по ее графику; применять графические представления при решении уравнений, систем, неравенств; описывать свойства изученных функций, строить их графики;
- решать геометрические задачи, опираясь на изученные свойства фигур и отношений между ними;
- проводить операции над векторами;
- проводить несложные доказательства, получать простейшие следствия из известных или ранее полученных утверждений;
- извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках; составлять таблицы, строить диаграммы и графики.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенший:

— способность к целенаправленному применению базовых знаний в области математических наук в профессиональной деятельности (ОК-9).

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

знать:

 основные математические положения, законы и другие сведения, необходимые для применения в конкретной предметной области при изготовлении машиностроительной продукции;

уметь:

 применять математические методы для проектирования изделий и технологических процессов в машиностроении.

владеть:

- навыками практического применения законов математики.

4. Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 15 зачетных единиц, 540 часов.

Вид учебной работы		Всего ча-	C	Ы	
		сов	I	II	III
Аудиторные занятия (всего)		255	102	85	68
В том числе:		-	-	-	-
Лекции		102	34	34	34
Практические занятия (ПЗ)		153	68	51	34
Семинары (С)		-	-	-	-
Лабораторные работы (ЛР)		-	-	-	-
Самостоятельная работа (всего)		285	114	95	76
В том числе:		-	-	-	-
Курсовой проект (работа)		130	100	80	50
Расчетно-графические работы		-	-	-	-
Реферат		55	14	15	26
Другие виды самостоятельной работы					
Вид промежуточной аттестации (зачет, эк	замен)		зачет экз.	экз.	ЭКЗ.
Общая трудоемкость	час	540	216	180	144
5	вач. ед.	15	6	5	4

5. Содержание дисциплины

5.1. Содержание разделов дисциплины

No	Наименование	Содержание раздела
Π/Π	раздела дисцип-	
	лины	
1.	Основы высшей	1. Матрицы. Основные определения. Действия над матрицами:
	алгебры	линейные действия над матрицами, умножение матриц. Много-
		члены от матриц. Транспонирование матриц. Определители 2-

		го, 3-го порядков. Их свойства и вычисление.
		2. Обратная матрица. Ранг матрицы. Эквивалентные преобразо-
		вания. Системы линейных уравнений. Решение систем линей-
		ных уравнений методом Крамера и методом Гаусса. Теорема
		Кронекера-Капелли.
2.	Аналитическая	1. Понятие вектора. Сложение векторов. Умножение вектора на
	геометрия на	скаляр. Линейные операции над векторами в координатах. Ска-
	плоскости и в	лярное произведение векторов. Критерий ортогональности двух
	пространстве.	векторов. Длина вектора. Нахождение угла между векторами.
	Элементы век-	Векторное произведение двух векторов. Свойства векторного
	торной алгебры	произведения. Выражение векторного произведения через ко-
		ординаты сомножителей. Смешанное произведение трех векто-
		ров. Критерий компланарности трех векторов.
		2. Прямая на плоскости. Взаимное расположение двух прямых.
		Плоскость и ее уравнения. Расположение плоскости относи-
		тельно координатных осей. Уравнение плоскости, заданной
		тремя точками, не принадлежащих одной прямой. Взаимное
		расположение двух плоскостей. Расстояние от точки до плоско-
		сти. Прямая в пространстве. Уравнение прямой, заданной двумя
		точками. Взаимное расположение двух прямых. Расстояние от
		точки до прямой. Расстояние между двумя прямыми. Взаимное
		расположение прямой и плоскости. Нахождение точек пересе-
		чения прямой и плоскости.
		3. Кривые второго порядка. Общее уравнение окружности. Эл-
		липс. Гипербола. Директрисы эллипса и гиперболы. Парабола.
		Классификация кривых второго порядка.
3.	Введение в ма-	1. Числовые множества. Отрезок, интервал, промежуток. Поня-
	тематический	тие функции. График функции. Функция одной переменной.
	анализ	Сложная функция. Обратная функция. Основные элементарные
		функции, их графики. Предел функции. Бесконечно малые
		функции и их свойства. Бесконечно большие функции. Основ-
		ные теоремы о пределах функции. Раскрытие неопределенностей.
		2. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции. Их
		классификация. Непрерывность функции на промежутке. Дей-
		ствия над непрерывными функциями. Непрерывность элемен-
		тарных функций.
4.	Дифференци-	1. Задачи, приводящие к понятию производной. Понятие произ-
	альное исчисле-	водной, ее геометрический и физический смысл. Уравнение ка-
	ние функции од-	сательной к кривой. Дифференцируемость функции, связь не-
	ной переменной	прерывности с дифференцируемостью. Производные некоторых
	non nepemennon	
		функций. Основные правила дифференцирования. Производная
	non nepemennon	
	non nepemennon	функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции.
	поп перешенног	функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. 2. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала.
	non nepemennon	функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. 2. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала. Дифференциалы различных порядков. Некоторые теоремы о
	non nepemennon	функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. 2. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала. Дифференциалы различных порядков. Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях: теорема Ферма, теорема Ролля, теорема Лагранжа, теорема Коши. Правило Лопиталя. 3. Необходимые и достаточные условия монотонности функ-
		функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. 2. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала. Дифференциалы различных порядков. Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях: теорема Ферма, теорема Ролля, теорема Лагранжа, теорема Коши. Правило Лопиталя. 3. Необходимые и достаточные условия монотонности функции. Экстремумы функции. Выпуклость кривой, точки переги-
		функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. 2. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала. Дифференциалы различных порядков. Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях: теорема Ферма, теорема Ролля, теорема Лагранжа, теорема Коши. Правило Лопиталя. 3. Необходимые и достаточные условия монотонности функ-
		функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. 2. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала. Дифференциалы различных порядков. Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях: теорема Ферма, теорема Ролля, теорема Лагранжа, теорема Коши. Правило Лопиталя. 3. Необходимые и достаточные условия монотонности функции. Экстремумы функции. Выпуклость кривой, точки переги-

	1	
	исчисление	свойства. Таблица основных неопределенных интегралов.
		Свойства неопределенных интегралов. Интегрирование мето-
		дом замены переменного или способом подстановки. Интегри-
		рование по частям. Интегралы от функций, содержащих квад-
		ратный трехчлен.
		2. Рациональные дроби. Простейшие рациональные дроби и их
		интегрирование. Разложение рациональной дроби на простей-
		шие. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование
		некоторых классов функций: иррациональных, тригонометри-
		ческих, содержащих радикалы квадратного трехчлена.
		3. Задача о площади криволинейной трапеции. Определение
		определенного интеграла. Свойства и вычисление определенно-
		го интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Производная инте-
		грала по переменной верхней границе.
		4. Геометрические и механические приложения определенного
		интеграла: вычисление площади плоских фигур, объем тела
		вращения, работы силы $F(x)$ на отрезке $[a, b]$. Несобственные
		интегралы.
6.	Дифференци-	1. Определение функции нескольких переменных. Геометриче-
	альное исчисле-	ское изображение функции двух переменных. Частное и полное
	ние функции не-	приращение функции. Непрерывность функции. Частные про-
	скольких пере-	изводные.
	менных	2. Полное приращение и полный дифференциал и их приложе-
		ние к приближенным вычислениям. Производные и дифферен-
		циалы сложной функции. Производные неявных функций. Ча-
		стные производные высших порядков.
		3. Линии и поверхности уровня. Производная по направлению.
		Градиент. Экстремумы и условные экстремумы. Уравнения
		кривой в пространстве. Уравнение касательной к кривой. Каса-
		тельная плоскость и нормаль к поверхности.
7.	Теория функции	1. Комплексные числа, действия над ними. Основные трансцен-
	комплексной пе-	дентные функции.
	ременной	2. Формула Эйлера. Производная функции комплексного пере-
		менного. Условия Коши-Римана.
8.	Дифференци-	1. Дифференциальное уравнение первого порядка. Задача Ко-
	альные уравне-	ши. Уравнения с разделенными и разделяющимися переменны-
	ния	ми.
		2. Однородные уравнения первого порядка. Уравнения, приво-
		дящиеся к однородным. Линейные уравнения первого порядка.
		Уравнение Бернулли. Дифференциальные уравнения высших
		порядков.
		3. Дифференциальные уравнения высших порядков. Дифферен-
		циальные уравнения второго порядка, приводимые к уравнени-
		ям первого порядка. Линейные однородные уравнения. Линей-
		ные однородные уравнения второго порядка с постоянными ко-
		эффициентами. Дифференциальные уравнения второго порядка,
		приводимые к уравнениям первого порядка. Линейные одно-
		родные уравнения. Линейные однородные уравнения второго
		порядка с постоянными коэффициентами.
		4. Неоднородные линейные уравнения второго порядка. Неод-
		нородные линейные уравнения второго порядка с постоянными
		коэффициентами. Неоднородные линейные уравнения высших
	1	The state of the s

		порядков. Дифференциальное уравнение механических колеба-
		ний. Свободные колебания. Вынужденные колебания.
		5. Системы обыкновенных дифференциальных уравнений; ли-
		нейных с постоянными коэффициентами. Понятие о теории ус-
		тойчивости Ляпунова.
9.	Кратные, криво-	1. Двойной интеграл и его вычисление. Вычисление площадей и
	линейные и по-	объемов с помощью двойного интеграла
	верхностные ин-	2. Двойной интеграл в полярных координатах. Замена перемен-
	тегралы	ных в двойном интеграле. Приложения двойного интеграла:
	101 pasibi	площадь поверхности, плотность распределения вещества, мо-
		мент инерции плоской фигуры, координаты центра тяжести
		площади плоской фигуры
		3. Тройной интеграл и его вычисление. Цилиндрические и сфе-
		рические координаты и переход к ним в тройном интеграле.
		Момент инерции и координаты центра тяжести тела.
		4. Криволинейный интеграл и его вычисление. Формула Грина.
		Независимость криволинейного интеграла от пути интегриро-
		вания.
		5. Поверхностный интеграл и его вычисление. Формулы Стокса
		и Остроградского. Оператор Гамильтона и его применения.
10.	Числовые и	1. Ряд. Сумма ряда. Необходимый признак сходимости. Ряды с
10.	функциональные	положительными членами. Достаточные признаки сходимости:
	ряды	Даламбера, Коши, интегральный.
	риды	2. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Знакопере-
		менные ряды. Абсолютная и условная сходимость.
		3. Функциональные ряды. Мажорируемые ряды. Степенные ря-
		ды. Ряды Тейлора и Маклорена. Интегрирование и дифферен-
		цирование функциональных рядов.
		4. Ряды Фурье. Разложение функций в ряды Фурье. Ряды Фурье
		для четных и нечетных функций. Функции с периодом 2L.
		5. Непериодические функции. Приближение функции с помо-
		щью тригонометрического многочлена. Интеграл Фурье.
11.	Уравнения ма-	1. Основные типы уравнений математической физики. Уравне-
	тематической	ния колебаний струны и электрических колебаний.
	физики	2. Метод разделения переменных. Метод Фурье.
	1	3. Уравнение теплопроводности. Краевая задача. Распростране-
		ние тепла в неограниченном стержне.
		4. Уравнение Лапласа. Задача Дирихле для кольца и круга.
		4. Уравнение лапласа. Задача дирихле для кольца и круга.

- 12. Теория вероятностей и математическая статистика
- 1. Случайные события, алгебра событий, классическая вероятность, относительная частота, статистическая вероятность. Свойства вероятности. Задачи на классическую вероятность с применением формул комбинаторики.
- 2. Сложение вероятностей. Несовместные события. Полная группа событий. Противоположные события. Теорема сложения. Умножение вероятностей: произведение событий, условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Вероятность появления хотя бы события.
- 3. Формула полной вероятности. Вероятность гипотез. Формула Байеса. Повторные испытания. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Случайная величина. Дискретные и непрерывные случайные величины. Закон распределения вероятностей дискретной случайной величины.
- 4. Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. Математическое ожидание дискретной случайной величины, его смысл и свойства. Дисперсия дискретной случайной величины, вычисление и свойства. Среднее квадратическое отклонение.
- 5. Функция распределения вероятностей случайной величины, свойства и график. Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины. Вероятность попадания непрерывной случайной величины в заданный интервал. Свойства плотности распределения.
- 6. Математическое ожидание непрерывной случайной величины, дисперсия, среднее квадратическое отклонение непрерывной случайной величины.
- 7. Нормальное распределение. Понятие о центральной предельной теореме. Распределение χ^2 . Показательное распределение, числовые характеристики, функция надежности.
- 8. Задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение выборки, эмпирическая функция распределения. Полигон, гистограмма. Точечные оценки параметров распределения. Характеристики точечных оценок: смещенность, эффективность, состоятельность.
- 9. Точность оценки, надежность. Интервальные оценки параметров распределения. Оценка истинного значения измеряемой величины. Оценка точности измерения.
- 10. Доверительный интервал для параметра \mathbf{a} нормального распределения при известном и неизвестном значении параметра σ . Доверительный интервал для параметра σ нормального распределения.
- 11. Проверка статистических гипотез. Критерий ошибок 1-го и 2-го рода. Проверка гипотезы $a=a_0$ при известном σ . Проверка согласия Пирсона для проверки гипотезы о нормальном распределении.
- 12. Статистическая зависимость случайных величин. Коэффициент корреляции. Выборочный коэффициент корреляции. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции.
- 13. Линия регрессии, уравнение прямой регрессии.

5.2 Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечиваемыми (после-

дующими) дисциплинами

№ π/π	Наименование обеспечиваемых (последую-		№ № разделов данной дисциплины, необходимых для изучения обеспечиваемых (последующих) дисциплин										
11/11	щих) дисциплин		2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1.	Численные методы и прикладное програм-мирование	+			+		+				+	+	+
2	Процессы и аппараты отрасли			+	+	+	+	+	+	+	+		
3	Основы компьютерной графики	+	+	+	+								

5.3. Разделы дисциплин и виды занятий

No	Наименование раздела дисциплины	Лекц.	Практ.	Лаб.	Семин	CPC	Bce-		
Π/Π			зан.	зан.			ГО		
							час.		
	1 семестр								
1.	Основы высшей алгебры	4	8	-	-	19	31		
2.	Аналитическая геометрия на плоско-	6	16	-	-	19	41		
	сти и в пространстве. Элементы векторной алгебры								
3.	Введение в математический анализ	4	10	1	-	19	33		
4.	Дифференциальное исчисление	6	10	-	-	19	35		
	функции одной переменной								
5.	Интегральное исчисление	8	10	-	_	19	37		
6.	Дифференциальное исчисление	6	14	-	-	19	39		
	функции нескольких переменных								
	2 сем	естр							
7.	Теория функции комплексной переменной	4	6	-	-	21	31		
8.	Дифференциальные уравнения	10	15	-	-	22	47		
9.	Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы	10	16	-	-	25	51		
10.	Числовые и функциональные ряды	10	14	-	-	27	51		
	3 сем	естр			•				
11.	Уравнения математической физики	8	8	-	-	30	46		
12.	Теория вероятностей и математиче- ская статистика	26	26	-	-	46	98		

6. Лабораторный практикум

Лабораторные занятия в данной дисциплине не планируются

7. Практические занятия

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудо- емкость (час.)
1.	Основы высшей ал- гебры	 Действия над матрицами. Вычисление определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Вычисление обратной матрицы. Вычисление ранга матрицы. Проведение эквивалентных преобразований над матрицами. Решение систем линейных уравнений. 	31
2.	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве. Элементы векторной алгебры	 Вектор. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение векторов. Векторное произведение векторов. Смешанное произведение векторов. Декартовы и полярные координаты. Длина отрезка. Деление отрезка в заданном отношении. Различные уравнения прямой на плоскости. Плоскость в пространстве. Прямая в пространстве. Взаимное расположение плоскости и прямой в пространстве. Кривые второго порядка. Окружность. Эллипс. Гипербола. Парабола. Общие уравнения кривых второго порядка. Преобразования декартовых прямоугольных координат. Приложения формул преобразования координат к упрощению уравнений линий второго порядка. Цилиндрические поверхности. Цилиндры второго порядка. Конические поверхности. 	41
3.	Введение в математический анализ	 Вычисление пределов. Использование бесконечно малых для вычисления пределов. Раскрытие неопределенностей. Первый и второй замечательные пределы. Классификация разрывов функции. Предел слева и справа. 	33
4.	Дифферен- циальное ис- числение функции од- ной пере- менной	 Вычисление производных. Уравнение касательной к кривой. Производная сложной функции. Производные высших порядков. Дифференциал. Его применение в приближенных вычислениях. Правило Лопиталя. Экстремумы функции, выпуклость, точки перегиба, асимптоты функции. Пример полного исследования функции и построения графика. 	35
5.	Интеграль- ное исчисле- ние	 Таблица основных интегралов. Непосредственное интегрирование и интегрирование методом подстановки. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегралы от тригонометрических и иррациональных функций. 	37

		4. Вычисление определенного интеграла. Формула	
		Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегриро-	
		вание по частям в определенном интеграле.	
		5. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел	
		вращения. Вычисление несобственных интегралов.	
6.	Дифферен-	1. Функции двух переменных и их геометрическое	39
0.	циальное ис-	изображение.	37
	числение	2. Частные производные и полный дифференциал пер-	
	функции не-	вого порядка. Приложения полного дифференциала.	
	скольких пе-	3. Производные сложных и неявных функций. Частные	
	ременных	производные высших порядков.	
	решенным	4. Линии и поверхности уровня. Производная по на-	
		правлению.	
		5. Градиент. Экстремум функции 2х переменных.	
		6. Условный экстремум. Касательная плоскость и нор-	
		маль к поверхности.	
7.	Теория	1. Понятие комплексного числа. Действия над ком-	31
'`	функции	плексными числами.	
	комплексной	2. Модуль и аргумент комплексного числа. Представ-	
	переменной	ление комплексного числа в тригонометрического, по-	
	P	казательной форме.	
		3. Вычисление значений основных функций при ком-	
		плексном аргументе.	
8.	Дифферен-	1. Дифференциальное уравнение первого порядка с	47
	циальные	разделяющимися переменными	
	уравнения	2. Дифференциальные уравнения первого порядка: од-	
		нородное, линейное, Бернулли.	
		3. Дифференциальные уравнения первого порядка в	
		полных дифференциалах. Интегрирующий множитель.	
		4. Дифференциальные уравнения высших порядков,	
		допускающие понижение порядка.	
		5. Линейные однородные дифференциальные уравне-	
		ния с постоянными коэффициентами.	
		6.Линейные неоднородные дифференциальные урав-	
		нения с постоянными коэффициентами.	
		7. Системы линейных дифференциальных уравнений с	
		постоянными коэффициентами.	
9.	Кратные,	1. Вычисление площадей, центров масс, моментов	51
	криволиней-	инерции плоских фигур с помощью двойного интегра-	
	ные и по-	ла. Вычисление объемов тел и площадей криволиней-	
	верхностные	ных поверхностей с помощью двойного интеграла.	
	интегралы	2-3. Тройной интеграл	
		4. Приложения тройного интеграла	
		5. Криволинейный интеграл.	
		6. Формула Грина.	
		7. Поверхностные интегралы.	
10	Пионовило	8. Формулы Стокса и Остроградского.	<i>E</i> 1
10.	Числовые и	1. Числовые ряды, сумма ряда, Необходимое условие	51
	функцио-	сходимости ряда.	
	нальные ря-	2. Признаки сходимости знакоположительных рядов	
	ды	(сравнения, Даламбера, Коши, интегральный).	
		3. Знакочередующиеся ряды, Признак Лейбница. Аб-	

		солютная и условная сходимость.	
		4. Разложение функций в ряд Тейлора и Маклорена.	
		Приложения рядов к приближенным вычислениям.	
		5. Ряд Фурье. Разложение функций в ряды Фурье. Ряды	
		Фурье для четных и нечетных функций.	
		6-7. Функции с периодом 2L. Непериодические функ-	
		ции. Приближение функций с помощью тригономет-	
		рических многочленов. Интеграл Фурье.	
11.	Уравнения	1-2. Уравнение колебаний струны. Метод разделения	46
	математиче-	переменных (метод Фурье).	
	ской физики	3. Уравнение теплопроводности. Метод разделения пе-	
		ременных.	
		4. Уравнение теплопроводности для стационарного	
		случая. Задача Дирихле для кольца.	
12.	Теория веро-	1. Случайные события. Классическое определение ве-	98
	ятностей и	роятности. Статистическая вероятность. Задачи на	
	математиче-	классическую вероятность с применением формул	
	ская стати-	комбинаторики.	
	стика	2. Сложение вероятностей. Полная группа событий.	
		Умножение вероятностей. Условная вероятность. Ве-	
		роятность появления хотя бы одного события. Форму-	
		ла полной вероятности. Формула Байеса.	
		3. Формулы Бернулли, Пуассона.	
		4. Дискретная случайная величина. Закон распределе-	
		ния, функция распределения. Математическое ожида-	
		ние,	
		5. Дисперсия, среднее квадратическое отклонение дис-	
		кретной случайной величины. Биномиальное распре-	
		деление.	
		6. Непрерывная случайная величина. Плотность рас-	
		пределения, функция распределения. Математическое	
		ожидание, дисперсия, среднее квадратическое откло-	
		нение непрерывной случайной величины.	
		7 Нормальное распределение.	
		8. Простой статистический ряд, статистическое рас-	
		пределение выборки, полигон, гистограмма.	
		9. Точечные оценки.	
		10. Интервальные оценки параметров распределения.	
		11. Проверка статистической гипотезы а=а при из-	
		вестном σ.	
		12. Элементы корреляционного анализа.	
		13. Элементы регрессионного анализа	
	I .	1 1	

8. Примерная тематика курсовых проектов (работ)

Курсовые проекты или работы в данной дисциплине не планируются

9. Образовательные технологии и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

Чтение лекций по данной дисциплине проводится согласно плану, обозначенному в пп. 5.1 и 5.3. Возможно использование мультимедийных средств, в частности презентаций. Презентация позволяет преподавателю четко структурировать материал лекции, эко-

номить время, затрачиваемое на рисование на доске схем, написание формул и других сложных объектов, что дает возможность увеличить объем излагаемого материала.

При проведении практических занятий преподавателю рекомендуется не менее 0,5 часа из двух (25% времени) отводить на самостоятельное решение задач. Это позволяет сформировать достаточный уровень самоконтроля.

Практические занятия целесообразно строить следующим образом:

- 1. Вводная часть, которую проводит преподаватель (цели занятия, основные вопросы, которые должны быть рассмотрены).
- 2. Беглый опрос, выяснение вопросов, которые возникли при подготовке домашнего задания.
- 3. Решение 2-4 типовых задач у доски.
- 4. Самостоятельное решение задач.
- 5. Разбор типовых ошибок при решении.

Для проведения занятий необходимо иметь большой банк заданий и задач для самостоятельного решения, причем эти задания могут быть дифференцированы по степени сложности.

По результатам самостоятельного решения задач следует выставлять по каждому занятию оценку. Оценка предварительной подготовки студента к практическому занятию может быть сделана путем экспресс-тестирования (тестовые задания закрытой формы) в течение 5-10 минут.

По материалам раздела целесообразно выдавать студенту домашнее задание и на последнем практическом занятии по разделу или модулю подвести итоги его изучения (например, провести контрольную работу в целом по модулю), обсудить оценки каждого студента, выдать дополнительные задания тем студентам, которые хотят повысить оценку за текущую работу.

При организации внеаудиторной самостоятельной работы по данной дисциплине преподавателю рекомендуется использовать следующие ее формы:

- подготовка и написание рефератов, докладов, очерков и других письменных работ на заданные темы;
- выполнение домашних заданий разнообразного характера;
- выполнение индивидуальных заданий, направленных на развитие у студентов самостоятельности и инициативы. Индивидуальное задание может получать как каждый студент, так и часть студентов группы.

10. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Всего по текущей работе в течении семестра студент может набрать 50 баллов, в том числе:

- практические занятия 9 баллов;
- контрольные работы по каждому модулю всего 20 баллов;
- домашние контрольные работы всего 14 баллов;
- доклады, расчетные работы 7 баллов.

Зачет проставляется автоматически, если студент набрал по текущей работе не менее 26 баллов. Минимальное количество баллов по каждому из видов текущей работы составляет половину от максимального.

Для самостоятельной работы используются задания и задачи, приведенные в перечисленных ниже учебных пособиях:

- 1. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб.пособие для втузов.— М.: Высш.шк., 2005. 404с.
- 2. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике: Учеб.пособие для втузов. 14-е изд. М.: Физматлитиздат, 2005. 336с.

3. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральной исчисление: : Учеб.пособие для втузов: В 2-х т. Т.1. – Стереотип.изд. – М.: Интеграл-Пресс, 2000. – 415с. – Предм.указ.: c.410-415.

Варианты тестовых заданий для контроля учебных достижений студентов

ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ
1. Если $A = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$ и $B = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 3 & 0 \end{bmatrix}$, то $A+3B=$	$\begin{bmatrix} a & 3 \\ 4 & 4 \end{bmatrix}; 6) \begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 1 & 10 \end{bmatrix}; B) \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}; $ $\Gamma) \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}; D) \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 10 & 2 \end{bmatrix}$
2. Если $\overline{a}=2\overline{i}-\overline{j}+\overline{k}+\frac{2\overline{i}-\overline{j}-2\overline{k}}{3}$, то $\left \overline{a}\right =\dots$	а) 5/2; б) 5/3; в) $\sqrt{33}/3$; г) 3; д)
3. Скалярное произведение векторов $\bar{a} = \{-2; -1; 1; 2; 0\}$ и $\bar{b} = \{0; 1; -1; 1; 2\}$, заданных в ортонормированном базисе, равно	a)2; б) 0; в) 3; г) -2; д)
4. Какие из векторов $\bar{a} = \bar{i} - 2\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{b} = 2\bar{i} - 4\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{c} = -2\bar{i} + 4\bar{j} - 2\bar{k}$, $\bar{d} = \bar{i} + 2\bar{j} + \bar{k}$ коллинеарные?	a) a u c; б) c u d; в) a u b; г) b, c u d; д)
5. Если $3x + by + c = 0$ — уравнение прямой, проходящей через точку $A(2;4)$ перпендикулярно отрезку BC , где $B(-2;-1)$, $C(4;1)$, то $b+c$ равно	а) -8 б) -9 в) -10 г) -11 д) -12
6. Один из фокусов эллипса $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ расположен в точке	а) (4;0) б) (0;-4) в) (0;-3) г) (0;5) д) (-3;0)
7. Центр кривой $2x^2 - y^2 - 4x + 1 = 0$ находится в точке	а) (0;-2) б) (0;1) в) (-2;0) г) (2;0) д) (1;0)
8. Центр гиперболы совпадает с началом координат. Если ее фокус лежит в точке $(2;0)$ и вершина в точке $(-1;0)$, то уравнение гиперболы имеет вид	a) $3x^2-2y^2=3$ б) $x^2-2y^2=1$ в) $2x^2-3y^2=2$ г) $x^2-3y^2=1$ д) $3x^2-y^2=3$
9. Функция f определена на всей числовой прямой. Если существует $C < 0$ такое, что для любого x выполняется неравенство $f(x) < C$, то f обязательно	а) положительна б) ограничена в) убывает ет г) отрицательна д) неограничена
10. Предел последовательности $x_n = \sqrt{n^2 + 3n} - n$ равен	а) 3 б) 2 в) 1,5 г) 0 д) 0,5
11. Значение $\lim_{x\to 0} \frac{3x - \sin x}{\operatorname{tg} 2x}$ равно	а)-1/2; б) 3/2; в) 1/2; г) 1; д) 0
12. Значение $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x^2}{x^5-3x^4}$ равно	a) -1 6) $-\frac{1}{2}$ B) $\frac{1}{2}$ Γ) $-\frac{1}{3}$ π) $-\frac{1}{6}$
13. Значение $\lim_{x\to 0} \frac{e^{2x} - e^{x/2}}{\sin 2x}$ равно	а)0,5 б)0,75 в)1 г)1,5 д)2,5
14. Функция $f(x) = \frac{\text{tgx} \cdot \arctan(1/(x-3))}{x(x-5)}$ имеет не-	а) -3 б) 3 в) 0 г) 5 д) -5
устранимый разрыв первого рода в точке x , равной 15. Уравнение касательной к линии $y=x^3+3x^2-5$ и перпендикулярной прямой $2x-6y+1=0$ имеет вид	a) $y = -3x + 6$

ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ
	r) $y = \frac{1}{3}x + 6$ д) $y = -\frac{1}{3}x - 6$
16. Результатом вычисления $\frac{d}{dx} [tg^2(x^4-2)]$ является выражение	
	в) $\frac{4x^3}{\cos^2(x^4-2)}$; г) $\frac{tg^3(x^4-2)}{3}$; д) $2tg(x^4-2)$
17. Значение производной функции $y = \frac{e^{x^2}}{e^x + e^{-x}}$ в точке $x_0 = 0$ равно	a) 0 б) $-\frac{1}{2}$ в) $\frac{1}{2}$ г) $-\frac{1}{4}$ д) 1
18. Производная $\frac{dy}{dx}$ функции $\begin{cases} x = \sqrt{1-t^2} \\ y = \arcsin t \end{cases}$, задан-	a) $-\frac{2t}{1-t^2}$ 6) $\frac{t}{2\sqrt{1-t^2}}$ B) $2t\sqrt{1-t^2}$ Γ)
ной параметрически, равна	\Box
19. Уравнение наклонной асимптоты графика функции $y = \frac{5x^2 + 17x - 7}{x + 4}$ имеет вид	a) y=-5x+2 б) y=5x-2 в) y=5x-1 г) y=- 5x+1 д) y=5x-3
20. Функция $y = \frac{(x+1)^3}{(x-1)^2}$ убывает в интервале	a) (-∞;-5) б) (-4;-2) в) (6;8) г) (2;4) д) (10; ∞)
21. Число точек экстремума функции $y = (1-x) \cdot \ell^{-x^2}$ равно	а) 2 б) 3 в) 1 г) 0 д) 4
22. Интеграл $\int \frac{dx}{4x + x^2}$ можно представить в виде	a) $\int \frac{dx}{x} - \int \frac{dx}{4(x+4)};$ 6) $\int \frac{dx}{4x} + \int \frac{dx}{x+4};$
суммы интегралов	$B) \int \frac{dx}{4x} + \int \frac{dx}{x^2}; \qquad \Gamma) \int \frac{dx}{4x} + \int \frac{dx}{4(x+4)};$
2	$\pi \int \frac{\mathrm{d}x}{4x} - \int \frac{\mathrm{d}x}{4(x+4)}$
23. Одна из первообразных для функции $\frac{3}{(5-2x)^8}$	
	B) $\frac{1}{7(5-2x)^9}$ г) $\frac{3}{2(5-2x)^6}$ д)
	$-\frac{3}{2(5-2x)^7}-2$
24. Одна из первообразных для функции х·cos(x² +3) имеет вид	
25 F (C)	в) $\frac{\sin(x^2 + 3)}{2}$ г) $2\cos(x^2 + 3)$ д) $-2\sin(x^2 + 3)$ а) $\frac{7}{9\ell^3}$ б) $\frac{\ell^{-3} + 13}{9}$ в) $\frac{7\ell^{-3} - 13}{9}$
25. Если $F(x)$ — первообразная для функции $(2x-5) e^{-3x}$, то разность $F(1)$ - $F(0)$ равна	a) $\frac{7}{9\ell^3}$ 6) $\frac{\ell^{-3} + 13}{9}$ B) $\frac{7\ell^{-3} - 13}{9}$

ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ		
	Γ) $\frac{5\ell^{-3}+13}{9}$ д) $\frac{7\ell^{-3}+13}{3}$		
26. Если $F(x)$ — первообразная функции $\frac{2x^4}{x^2+1}$, то	a) 1 6) $-\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{3}$ Γ) $-\frac{2}{3}$ π) $\frac{2}{3}$		
предел $\lim_{x \to \infty} \frac{F(x)}{x^3}$ равен			
27. Какой из следующих интегралов представляет площадь заштрихованной час-	a) $\int_{0}^{3} (x - (2x - x^{2})) dx$; 6) $\int_{-3}^{1} (x + (2x - x^{2})) dx$;		
ти фигуры, изображенной на чертеже?	$ \begin{array}{c} 0 \\ -3 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 0 \\ -3 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 0 \\ -3 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \end{array} $ $ \begin{array}{c} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\$		
	$\Gamma \int_{0}^{3} ((2x - x^{2}) - (-x)) dx;$		
•	$\int_{-3}^{1} ((2x-x^2)-x) dx.$		

Вопросы к экзамену по дисциплине «МАТЕМАТИКА»

Высшая алгебра

- 1. Матрицы. Основные определения. Действия над матрицами: линейные действия над матрицами, умножение матриц. Многочлены от матриц. Транспонирование матриц.
- 2. Определители 2-го, 3-го и n порядков. Их свойства и вычисление.
- 3. Обратная матрица. Ранг матрицы. Эквивалентные преобразования.
- 4. Системы линейных уравнений. Решение систем линейных уравнений методом Крамера и методом Гаусса.

Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве. Элементы векторной алгебры

- 1. Понятие вектора. Сложение векторов. Умножение вектора на скаляр. Критерий коллинеарности двух векторов.
- 2. Линейные операции над векторами в координатах. Скалярное произведение векторов. Свойства скалярного произведения. Выражение скалярного произведения через координаты сомножителей в ортонормированном базисе. Критерий ортогональности двух векторов. Длина вектора через координаты. Нахождение угла между векторами.
- 3. Векторное произведение двух векторов. Свойства векторного произведения. Выражение векторного произведения через координаты сомножителей в правом ортонормированном базисе.
- 4. Смешанное произведение трех векторов. Координатное выражение смешанного произведения в правом ортонормированном базисе. Критерий компланарности трех векторов через смешанное произведение.
- 5. Простейшие задачи аналитической геометрии на плоскости и в пространстве: нахождение координат прямой; задача о деление отрезка в заданном отношении; нахождение длины отрезка; нахождение площади треугольника, заданного координатами вершин; нахождение объема тетраэдра, заданного координатами вершин.
- 6. Прямая на плоскости. Расположение прямой относительно осей координат. Взаимное расположение двух прямых. Простейшие задачи. Расстояние от точки до прямой.

- 7. Плоскость и ее уравнения. Расположение плоскости относительно координатных осей. Уравнение плоскости, заданной тремя точками, не принадлежащих одной прямой. Взаимное расположение двух плоскостей. Расстояние от точки до плоскости.
- 8. Прямая в пространстве. Уравнение прямой, заданной двумя точками. Взаимное расположение двух прямых. Расстояние от точки до прямой. Расстояние между двумя прямыми. Взаимное расположение прямой и плоскости. Нахождение точек пересечения прямой и плоскости.
- 9. Кривые второго порядка. Общее уравнение окружности. Эллипс. Гипербола. Директрисы эллипса и гиперболы. Парабола. Классификация кривых второго порядка.

Введение в математический анализ

- 1. Числовые множества. Отрезок, интервал, промежуток. Понятие функции. График функции. Функция одной переменной. Сложная функция. Обратная функция. Основные элементарные функции, их графики.
- 2. Предел функции. Бесконечно малые функции и их свойства. Бесконечно большие функции. Основные теоремы о пределах функции. Предел функции $\frac{\sin x}{x}$ при $x \to 0$. Число e. Натуральный логарифм. Раскрытие неопределенностей вида $\frac{0}{0}$ и $\frac{\infty}{\infty}$.
- 3. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции. Их классификация. Непрерывность функции на промежутке. Действия над непрерывными функциями. Непрерывность элементарных функций.

Дифференциальное исчисление функции одной независимой переменной

- 1. Задачи, приводящие к понятию производной. Понятие производной, ее геометрический и физический смысл. Уравнение касательной к кривой. Дифференцируемость функции, связь непрерывности с дифференцируемостью.
- 2. Производные некоторых функций. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Обратная функция и ее дифференцируемость. Таблица основных формул дифференцирования. Параметрическое задание функции. Производная функции, заданной параметрически. Производные различных порядков.
- 3. Дифференциал. Геометрическое значение дифференциала. Дифференциалы различных порядков. Некоторые теоремы о дифференцируемых функциях: теорема Ферма, теорема Ролля, теорема Лагранжа, теорема Коши. Правило Лопиталя.
- 4. Необходимые и достаточные условия монотонности функции. Экстремумы функции. Выпуклость кривой, точки перегиба. Асимптоты кривой. Общий план исследования функций и построения графиков.

Интегральное исчисление

- 1. Первообразная функция. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных неопределенных интегралов. Свойства неопределенных интегралов.
- 2. Интегрирование методом замены переменного или способом подстановки. Интегрирование по частям. Интегралы от функций, содержащих квадратный трехчлен.
- 3. Рациональные дроби. Простейшие рациональные дроби и их интегрирование. Разложение рациональной дроби на простейшие. Интегрирование рациональных дробей.
- 4. Интегрирование некоторых классов функций: иррациональных, тригонометрических, содержащих радикалы квадратного трехчлена.

- 5. Задача о площади криволинейной трапеции. Определение определенного интеграла. Свойства и вычисление определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Производная интеграла по переменной верхней границе.
- 6. Несобственные интегралы.

11. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины:

а) основная литература

- 1. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: Учеб.пособие для втузов. 5-е изд., перераб. и доп. М.: Высш.шк., 2005. 480с.
- 2. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб.пособие для втузов.— М.: Высш.шк., 2005. 404с.
- 3. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике: Учеб.пособие для втузов. 14-е изд. М.: Физматлитиздат, 2005. 336с.
- 4. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральной исчисление: : Учеб.пособие для втузов: В 2-х т. Т.1. Стереотип.изд. М.: Интеграл-Пресс, 2000. 415с. Предм.указ.: с.410-415.

б) дополнительная литература

- 4. Бахвалов, Н. С. Численные методы в задачах и упражнениях / Н. С. Бахвалов, А. В. Лапин, Е. В. Чижонков. М.: Высш.шк., 2000. 190 с. (Высш.математика). Библиогр.: с. 188.
- 5. Новиков, Ф.А. Дискретная математика для программистов: Учебник / Ф. А. Новиков. СПб.: Питер, 2002. 301с.: ил. Библиогр.: c.290-291. Алф. указ.: c.292-301.
- 6. Вержбицкий, В. М. Основы численных методов: учеб. для вузов по направлению подготовки дипломированных спец. "Прикладная математика" / Вержбицкий, Валентин Михайлович. изд.2-е, перераб. М.: Высш. шк., 2005. 848 с.
- 7. Данко П.Е. Высшая математика в упражнениях и задачах: В 2ч.: Учеб.пособие для вузов. –М.: ОНИКС 21 век, $2005. 304 \div 416c.$
- 8. Гусак А.А. Высшая математика: В 2т.: Учеб. для вузов. Т1. 2-е изд., испр. Минск: ТетраСистемс, 2000. 543с.
- 9. Гусак А.А. Высшая математика: В 2т.: Учеб. для вузов. Т2. 2-е изд., испр. Минск: ТетраСистемс, 2000. 445с.
- 10. Андреева Е.А., Цирулева В.Н. Вариационное исчисление и методы оптимизации: Учеб. пос. М.: Высш шк., 2006, 36 л.
- 11. Вержбицкий В.М. Основы численных методов. Учебн пос. М.: Васш шк, 2005, 840 с.
- 12. Гмурман В.Е. Элементы приближенных вычислений. Учебн пос., М.: Высш шк., 2005, 93 с.
- 13. Катулев, А. Н. Математические методы в системах поддержки принятия решений: учеб. пособие для вузов по направлениям "Информационные системы" и "Прикладная математика" / Катулев, Александр Николаевич, Н. А. Северцев. М.: Высш. шк., 2005. 311 с.
- 14. Киреев В.И., Пантелеев А.В. Численные методы в примерах и задачах: Учебн. пособ. М.: Высш. шк., 2006, 480 с.
- 15. Пантелеев А.В. Вариационное исчисление в примерах и задачах: Учебн. пособ., М.: Высш шк., 2006, 17 л.
- 16. Пантелеев А.В., Якимова А.С. Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление в примерах и задачах. Учебн. пособ. М.: Высш. шк., 2001, 445 с.
- 17. Пантелеев А.В. Методы оптимизации в примерах и задачах: Учебн. пособ., М.: Высш шк., 2005, 544 с.

- 18. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике : полн. курс. М. : Айрис-пресс, 2004. 603 с.
- 19. Вентцель Е.С. Теория вероятностей: учебник. М.: Академия, 2006, 448 с.
- 20. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Теория вероятностей и ее инженерные приложения: Учебн. пособ. М.: Академия, 2006, 464 с.
- 21. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. Задачи и упражнения по теории вероятностей: Учебн. пособ. М.: Академия, 2006, 464 с.
- 22. Шарма Дж., Сингх К. Уравнения в частных производных для инженеров. М.:Техносфера, 2002, 320 с.
- 23. Черняк Ж.А., Черняк А.А., Феденя О.А. Контрольные задания по общему курсу высшей математике. С.-Петербург: Питер, 2005, 448 с.
- 24. Высшая математика на базе Matcad. Общий курс. / Черняк А.А. и др. С.-Петербург: БВХ-Петербург, 2004, 608 с.
- 25. Ефимов А.В. Сборник задач по высшей математике в 4- частях. М.: Физматлит, 2004, 288 с., 432 с., 576 с., 432 с.
- 26. Сборник задач по алгебре. Учебник для вузов. Под ред. Кострикина А.И. М.: Физматлит, 2001, 464 с.
- 27. Высшая математика. В 3-х томах. Т.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии. Учебник для вузов. /Я.С. Бугров, С.М. Никольский. М.: Дрофа, 2003, 288 с.
- 28. Дифференциальное и интегральное исчисления, вариационное исчисление в примерах и задачах. / А.Б. Васильева, Г.Н. Медведев, М.А. Тихонов. М.: Физматлит, 2003, 432 с.
- 29. Сборник задач по уравнения математической физики / В.С. Владимиров, А.А. Вашорин, Х.Х Наргемова. М.: Физматлит, 2003, 288 с.
- 30. Будак Б.М. Сборник задач по математической физике. М.: Физматлит, 2003, 688 с.
- 31. Владимиров В.С. Уравнения математической физики. Учебник для вузов. М.: Физматлит, 2003, 400 с.
- 32. Волков Е.А. Численные методы : учеб. пособие. Изд. 5-е, стер. СПб. [и др.]: Лань, 2008. 249 с. Библиогр.: с. 244. Предм. указ.: с. 245-248. ISBN 978-5-8114-0538-1.12 экз.
- 33. Волковский Л.И. Сборник задач по теории функций комплексного переменного: учебн. пособ. М.: Физматлит, 2003, 312 с.
- 34. Полянин А.Д. Основы теории функций комплексного переменного и операционного исчисления. М.: Физматлит, 2002, 256 с.
- 35. Миллер М.Б. Теория случайных процессов в примерах и задачах. М.:Физматлит, 2003, 200 с.
- 36. Благодатских В.И. Введение в оптимальное управление (линейная теория): Учебник. М.: Высш. шк., 2005, 239 с.
- 37. Лебедев В.И. Функциональный анализ и вычислительная математика. Учебн. пос. М.: Физматлит, 2005, 296 с.
- 38. Бахвалов Н.С. Численные методы в задачах и упражнениях / Н. С. Бахвалов, А. В. Лапин, Е. В. Чижонков. М.: Высш.шк., 2000. 190 с. (Высш.математика). Библиогр.: с. 188.
- 39. Беклемишев Д.В. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры: Учебник для вузов. М.: Физматлит, 2004, 304с.
- 40. Беклемишева Л.А. Сборник задач по аналитической геометрии и линейной алгебре: Учебное пособ. М.: Физматлит, 2003, 486 с.
- 41. Натансон И.П. Краткий курс высшей математики. М.: Физматлит, 2005, 736 с.
- 42. Мышкис А.Д. Лекции по высшей математике. М.: Физматлит, 2005, 832 с.
- 43. Охорзин В.А. Прикладная математика в системе MATHCAD : учеб. пособие для вузов по направлению подготовки дипломированного специалиста 160400-

- "Системы управления движением и навигации" [и др.]. Изд. 3-е, стер. СПб. [и др.]: Лань, 2009. 349 с. Библиогр.: с. 341-342. ISBN 978-5-8114-0814-6.
- 44. Владимирский Б. М. Математика. Общий курс: учеб. для бакалавров естественнонаучных направлений. - Изд. 4-е, стер. - СПб. [и др.]: Лань, 2008. - 959 с.: ил. - Библиогр.: с. 948-950. - Предм. указ.: с. 951-957. - ISBN 978-5-8114-0445-
- 45. Мышкис А. Д. Лекции по высшей математике : учеб. пособие. Изд. 6-е, испр. СПб. [и др.] : Лань, 2009. 688 с. : ил. Библиогр. : с. 678-679. ISBN 978-5-8114-0572-5.
- 46. Демидович Б.П. Основы вычислительной математики: учеб. пособие. Изд. 7-е, стер. СПб. [и др.]: Лань, 2009. 665 с.: ил. (Классическая учебная литература по математике). Библиогр. в конце гл. Предм. указ.: с. 659-664. ISBN 978-5-8114-0695-1.
- 47. Практическое руководство к решению задач по высшей математике. Линейная алгебра. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия. Введение в математический анализ. Производная и ее приложения: учеб. пособие для вузов по направлениям: 510000-"Естеств. науки и математика", 550000-"Техн. науки", 540000-"Педагог. науки". И.А.Соловьев [и др] Изд. 2-е, испр. СПб. [и др.]: Лань, 2009. 320 с. Библиогр.: с. 316. ISBN 978-5-8114-0751-4.
- 48. Практическое руководство к решению задач по высшей математике. Кратные интегралы. Теория поля. Теория функций комплексного переменного. Обыкновенные дифференциальные уравнения: учеб. пособие для вузов по направлениям: 510000-"Естеств. науки и математика", 550000-"Техн. науки", 540000-"Педагог. науки" И.А.Соловьев [и др]. СПб. [и др.]: Лань, 2009. 446 с. Библиогр.: с. 316. ISBN 978-5-8114-0907-5.
- 49. Практическое руководство к решению задач по высшей математике. Интегрирование функций одной переменной. Функции многих переменных. Ряды: учеб. пособие для вузов по направлениям: 510000-"Естеств. науки и математика", 550000-"Техн. науки", 540000-"Педагог. науки"./И.А.Соловьев [и др] СПб. [и др.]: Лань, 2009. 288 с. Библиогр.: с. 284-285. ISBN 978-5-8114-0819-1.
- 50. Мышкис А. Д. Математика для технических вузов. Специальные курсы: [учеб. пособие]. Изд. 3-е, стер. СПб. [и др.]: Лань, 2009. 633 с.: ил. Библиогр.: с. 621-625. Алф. указ.: с. 626-632. Указ. обозначен.: с. 632. ISBN 978-5-8114-0395-0.

в) методическая литература

- 1. Тригонометрия. Введение в математический анализ: Методические указания / Г.А.Зуева; Иван. гос. хим.- технол. Ун-т.; Иваново. 2009 44с.
- 2. Случайные события и их вероятности: метод. указания / А.Н. Бумагина, Л.В. Чер нышова; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново, 2009. 28 с.№383
- 3. Тесты по высшей математике. Ч.1 : метод. указания / Е.В. Комарова, Е.Л. Николо горская ; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново, 2009. 36 с. №355
- 4. Тесты по высшей математике. Ч.2 : метод. указания / Е.В. Комарова, Е.Л. Николо горская; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново, 2009. 28 с. №364
- 5. Дифференциальные уравнения : сборник тестовых и контрольных заданий по высшей математике / Е.М. Михайлов; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново, 2009. 24 с. №371
- 6. Ряды. Числовые и степенные: методические указания для студентов-технологов / Ю.Г. Румянцев; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново, 2009. 48 с. №369
- 7. Элементы аналитической геометрии на плоскости: сб. тест. и контр. заданий по высш. математике / Е.М. Михайлов ; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново,2010. 44 с. №340
- 8. Методы оптимизации: учеб. пособие /.А.Зуева, С.В. Кулакова, Е.А. Петрова, А.А. Малыгин; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т. Иваново, 2010. 80 с.
- 9. Тригонометрия. Введение в математический анализ: Методичнские указания /Г.А.

- Зуева; /Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново, 2010. 44 с.
- 10. Теория принятия решений. Задачи и вопросы: методические указания / сост. А.А. Малыгин; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново,2010. 40 с.№70
- 11. Конечные стохастические процессы: учебное пособие / сост. Б.Я. Солон; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново,2010. 72 с.
- 12. Информационно-аналитический обзор итогов участия ИГХТУ в Федеральном Ин тернет-экзамене: 2008-2010 годы / сост. А.А. Малыгин; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново,2011. 24 с.
- 13. Зуева Г.А. Методы математической физики. Дифференциальные уравнения в ча стных производных. Интегральные уравнения. Специальные функции: учеб. По собие / Г.А. Зуева; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново,2012. 116 с. ISBN 978-5-9616-0441-2
- Малыгин А.А. Адаптивное тестирование в дистанционном обучении / А.А. Малыгин: Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново,2012. – 138 с. ISBN 978-5-9616-0436-8
- 15. Численные методы. Численные методы алгебры: метод. указания / сост. С.В. Ку лакова; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново,2012. 60 с.№357
- 16. Ввеление в анализ: сб. тестовых и контрольных заданий по высшей математике / сост. Е.М. Михайлов; Иван. гос. хим.-технол. ун.-т.-Иваново, 2013. 20 с. №414
- 17. Морозов Л.Н., Буров А.В. Расчет гетерогенных химических процессов в производстве аммиака, метанола и карбамида: учебное пособие. Иван. Гос. Хи мии.-технол.ун-т.- Иваново, 2013. 76 с.
- 18. Зуева Г.А., Мисаль В.М., Петрова Е.А. Интерполирование функций. Электронное учебное пособие ЭУ100/109. Иваново: ИГХТУ, 2010, http://www.isuct.ru 4 п.л.

г) электронные учебные ресурсы

- тренировочные и контрольные тесты по каждому модулю;
- Метод наименьших квадратов и его применение. Электронное учебное пособие. Зуева Г.А., Кулакова С. В., Петрова Е.А. Иваново: ИГХТУ, 2009, http://www.isuct.ru/testlib/taxonomy/term/19ЭУ037/09
- Петрова Е.А. Расчетная программа «Метод наименьших квадратов» ЭПО 38/09, Иваново: ИГХТУ, 2009, http://expert.isuct.ru/content/view/154/50

г) программное обеспечение

- системные программные средства: Microsoft Windows
- прикладные программные средства: Microsoft Office
- специализированное программное обеспечение: СДО Moodle, SunRAV BookOffice Pro, SunRAV TestOfficePro, Maple, MathCad, Mathlab, Mathematica, Statistica
- д) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы: www.exponenta.ru, www.allmaths.ru и др.

12. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Лекции по дисциплине проводятся в аудитории, оснащенной видеопроектором.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО по направлению подготовки 15.03.02 Технологические машины и оборудование (утв. Приказом Минобрнауки РФ от 09 ноября 2009 г. № 556) и с учетом ПрООП ВПО, а также с использованием сборника примерных программ математических дисциплин цикла М и ЕН Федерального государственного образовательного стандарта высшего профессионального образования 3-его поколения, подготовленного Научно-методическим советом по математике Министерства образования и науки Российской Федерации (г. Москва, 2008 г.).

Разработчик	Кокурина Г.Н.
Заведующий кафедрой	Зуева Г.А.
Рецензент д.т.н., проф. кафедры прикладной м Ивановского государственного энергетического университета	атематики Жуков В.П.
1 1	ехнологические машины, энерго- и ресурсосберегаю- но-методического совета ИГХТУ (протокол № от
Председатель секции НМС	Блиничев В.Н.

Министерство образования и науки РФ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ИВАНОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ХИМИКО-ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Кафедра высшей и прикладной математики

T. T
УТВЕРЖДЕН
на заседании кафедры
« <u>19</u> » <u>01</u> 2015Γ.,
Протокол № 5
Заведующий кафедрой
(подпись)
ФОНД
ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине
<u>Математика</u>
(наименование дисциплины)
15.03.02 Технологические машины и оборудование
(код и наименование направления подготовки)
Машины и аппараты пищевых производств
Технологические машины и оборудование химических и нефтехимиче-
ских производств
(профиль/название магистерской программы)
бакалавр
(уровень подготовки)

Иваново, 2015

Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине <u>Математика</u>

№ п\	Контролируемые разделы (темы), модули дисциплины */	Контроли- руемые	Кол-	Оценочнь средства	
п	Anothining /	компетенции (или их части)	тес- товых зада- ний	Вид	Ко л- во
1	Основы высшей алгебры	ОК-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
2	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве. Элементы векторной алгебры	OK-9	-	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
3	Введение в математический анализ	OK-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам Темы рефератов	25
4	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	OK-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам Комплект заданий для выполнения расчетнографической работы	50
5	Интегральное исчисление	ОК-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
6	Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных	ОК-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам	25

7	Теория функции комплексной переменной	ОК-9	-	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
8	Дифференциальные уравнения	ОК-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
9	Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы	ОК-9	-	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
10	Числовые и функциональные ряды	ОК-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам	25
11	Теория вероятностей и математическая статистика	ОК-9	10	Комплект контрольных заданий по вариантам Темы рефератов Комплект заданий для выполнения	10 25
			00	расчетно- графиче- ской рабо- ты	
	Всего		80		

^{*}Наименование темы (раздела) или тем (разделов) берется из рабочей программы дисциплины.

Оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины и учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

Всего по текущей работе в течении семестра студент может набрать 50 баллов, в том числе:

- практические занятия 9 баллов;
- контрольные работы по каждому модулю всего 20 баллов;
- домашние контрольные работы всего 14 баллов;

– доклады, расчетные работы – 7 баллов.

Зачет проставляется автоматически, если студент набрал по текущей работе не менее 26 баллов. Минимальное количество баллов по каждому из видов текущей работы составляет половину от максимального.

Для самостоятельной работы используются задания и задачи, приведенные в перечисленных ниже учебных пособиях:

- 51. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: Учеб.пособие для втузов.— М.: Высш.шк., 2005. 404с.
- 52. Минорский В.П. Сборник задач по высшей математике: Учеб.пособие для втузов. 14-е изд. М.: Физматлитиздат, 2005. 336с.
- 53. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральной исчисление: : Учеб.пособие для втузов: В 2-х т. Т.1. Стереотип.изд. М.: Интеграл-Пресс, 2000. 415с. Предм.указ.: c.410-415.

Варианты тестовых заданий для контроля учебных достижений студентов

2171777	D A DVI A MELLA OFFICEO
ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ
1. Если $A = \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$ и $B = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 3 & 0 \end{bmatrix}$, то $A+3B=$	a) $\begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & 4 \end{bmatrix}$; 6) $\begin{bmatrix} 4 & 0 \\ 1 & 10 \end{bmatrix}$; B) $\begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}$; r) $\begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 10 & 4 \end{bmatrix}$; π) $\begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 10 & 2 \end{bmatrix}$
2. Если $\overline{a}=2\overline{i}-\overline{j}+\overline{k}+\frac{2\overline{i}-\overline{j}-2\overline{k}}{3}$, то $\left \overline{a}\right =\dots$	a) 5/2; б) 5/3; в) $\sqrt{33}$ / 3; г) 3; д) 4
3. Скалярное произведение векторов $\bar{a} = \{-2; -1; 1; 2; 0\}$ и $\bar{b} = \{0; 1; -1; 1; 2\}$, заданных в ортонормированном базисе, равно	a)2; б) 0; в) 3; г) -2; д)
4. Какие из векторов $\bar{a} = \bar{i} - 2\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{b} = 2\bar{i} - 4\bar{j} + \bar{k}$, $\bar{c} = -2\bar{i} + 4\bar{j} - 2\bar{k}$, $\bar{d} = \bar{i} + 2\bar{j} + \bar{k}$ коллинеарные?	а) \bar{a} \bar{u} \bar{c} ; б) \bar{c} \bar{u} \bar{d} ; в) \bar{a} \bar{u} \bar{b} ; г) \bar{b} , \bar{c} \bar{u} \bar{d} ; д) \bar{a} \bar{u} \bar{d} .
5. Если $3x + by + c = 0$ — уравнение прямой, проходящей через точку $A(2;4)$ перпендикулярно отрезку BC , где $B(-2;-1)$, $C(4;1)$, то $b+c$ равно	а) -8 б) -9 в) -10 г) -11 д) -12
6. Один из фокусов эллипса $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ расположен в точке	а) (4;0) б) (0;-4) в) (0;-3) г) (0;5) д) (-3;0)
7. Центр кривой $2x^2 - y^2 - 4x + 1 = 0$ находится в точке	a) (0;-2) б) (0;1) в) (-2;0) г) (2;0) д) (1;0)
8. Центр гиперболы совпадает с началом координат. Если ее фокус лежит в точке $(2;0)$ и вершина в точке $(-1;0)$, то уравнение гиперболы имеет вид	a) $3x^2-2y^2=3$ б) $x^2-2y^2=1$ в) $2x^2-3y^2=2$ г) $x^2-3y^2=1$ д) $3x^2-y^2=3$
9. Функция f определена на всей числовой прямой. Если существует $C < 0$ такое, что для любого x выполняется неравенство $f(x) < C$, то f обязательно	а) положительна б) ограничена в) убывает г) отрицательна д) неограничена
10. Предел последовательности $x_{n} = \sqrt{n^{2} + 3n} - n \text{ равен}$	а) 3 б) 2 в) 1,5 г) 0 д) 0,5

ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ	
11. Значение $\lim_{x\to 0} \frac{3x - \sin x}{tg2x}$ равно	a)-1/2; б) 3/2; в) 1/2; г) 1; д) 0	
12. Значение $\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x^2}{x^5-3x^4}$ равно	a) -1 б) $-\frac{1}{2}$ в) $\frac{1}{2}$ г) $-\frac{1}{3}$ д) $-\frac{1}{6}$	
13. Значение $\lim_{x\to 0} \frac{e^{2x} - e^{x/2}}{\sin 2x}$ равно	а)0,5 б)0,75 в)1 г)1,5 д)2,5	
14. Функция $f(x) = \frac{\text{tgx} \cdot \arctan(1/(x-3))}{x(x-5)}$ имеет неустранимый разрыв первого рода в точке x , равной	а) -3 б) 3 в) 0 г) 5 д) -5	
15. Уравнение касательной к линии $y=x^3+3x^2-5$ и перпендикулярной прямой $2x-6y+1=0$ имеет вид	a) $y = -3x + 6$ б) $y=3x-6$ в) $y = -3x - 6$ г) $y = \frac{1}{3}x + 6$ д) $y = -\frac{1}{3}x - 6$	
16. Результатом вычисления $\frac{d}{dx} [tg^2(x^4-2)]$ является выражение	a) $\frac{2\operatorname{tg}(x^4-2)}{\cos^2(x^4-2)};$ б) $\frac{8x^3\operatorname{tg}(x^4-2)}{\cos^2(x^4-2)};$ в) $\frac{4x^3}{\cos^2(x^4-2)};$ г) $\frac{\operatorname{tg}^3(x^4-2)}{3};$ д) $2\operatorname{tg}(x^4-2)$	
17. Значение производной функции $y = \frac{e^{x^2}}{e^x + e^{-x}}$ в точке $x_0 = 0$ равно	а) 0 б) $-\frac{1}{2}$ в) $\frac{1}{2}$ г) $-\frac{1}{4}$ д) 1	
18. Производная $\frac{dy}{dx}$ функции $\begin{cases} x = \sqrt{1-t^2} \\ y = \arcsin t \end{cases}$, заданной параметрически, равна	a) $-\frac{2t}{1-t^2}$ 6) $\frac{t}{2\sqrt{1-t^2}}$ B) $2t\sqrt{1-t^2}$	
данной параметрически, равна	(π) -t (π) $($	
19. Уравнение наклонной асимптоты графика	a) y=-5x+2 б) y=5x-2 в) y=5x-1 г) y=-5x+1 д) y=5x-3	
$\frac{x+4}{20}$ 20. Функция $y = \frac{(x+1)^3}{(x-1)^2}$ убывает в интервале	a) (-∞;-5) б) (-4;-2) в) (6;8) г) (2;4) д) (10; ∞)	
21. Число точек экстремума функции $y = (1-x) \cdot \ell^{-x^2}$ равно	а) 2 б) 3 в) 1 г) 0 д) 4	
22. Интеграл $\int \frac{dx}{4x+x^2}$ можно представить в	a) $\int \frac{dx}{x} - \int \frac{dx}{4(x+4)};$ 6) $\int \frac{dx}{4x} + \int \frac{dx}{x+4};$	
виде суммы интегралов	$B) \int \frac{dx}{4x} + \int \frac{dx}{x^2}; \qquad \Gamma) \int \frac{dx}{4x} + \int \frac{dx}{4(x+4)};$	
	$\pi \int \frac{\mathrm{d}x}{4x} - \int \frac{\mathrm{d}x}{4(x+4)}$	

ЗАДАНИЯ	ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ
$\frac{3}{(5-2x)^8}$ имеет вид	a) $\frac{3}{14(5-2x)^7} + 2$ б) $\frac{3}{(5-2x)^9} + 1$ B) $\frac{1}{7(5-2x)^9}$ г) $\frac{3}{2(5-2x)^6}$ д)
24. Одна из первообразных для функции	$-\frac{3}{2(5-2x)^7} - 2$ $\sin(x^2 + 3) \qquad \sin(x^2 + 3)$
$x \cdot \cos(x^2 + 3)$ имеет вид	a) $\frac{\sin(x^2+3)}{3}$ 6) $-\frac{\sin(x^2+3)}{3}$ -1 B) $\frac{\sin(x^2+3)}{2}$ r) $2\cos(x^2+3)$ д) -
	$2\sin(x^2+3)$
25. Если $F(x)$ — первообразная для функции $(2x-5)e^{-3x}$, то разность $F(1)$ - $F(0)$ равна	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	Γ) $\frac{5\ell^{-3}+13}{9}$ д) $\frac{7\ell^{-3}+13}{3}$
26. Если $F(x)$ — первообразная функции $\frac{2x^4}{x^2+1}$,	a) 1 б) $-\frac{1}{3}$ в) $\frac{1}{3}$ г) $-\frac{2}{3}$ д) $\frac{2}{3}$
то предел $\lim_{x\to\infty} \frac{F(x)}{x^3}$ равен	
27. Какой из следующих интегралов представляет площадь заштрихован- ной части фигуры, изобра-	a) $\int_{0}^{3} (x - (2x - x^{2}))dx$; $\int_{-3}^{1} (x + (2x - x^{2}))dx$;
женной на чертеже?	$B) \int_{0}^{3} (-x - (2x - x^{2})) dx;$ $\Gamma) \int_{0}^{3} ((2x - x^{2}) - (-x)) dx;$ $\pi) \int_{0}^{1} ((2x - x^{2}) - x) dx.$
3	Γ) $\int{0}^{3} ((2x-x^{2})-(-x))dx$;
	$\int_{-3}^{1} ((2x-x^{2})-x)dx.$